Porquê (-1)(-1) = +1 ?

No século XVII a inclusão dos números negativos no conjunto dos números reais colocou o problema do produto de dois números negativos.

Para o resolver, talvez se haja começado por considerar

$$(-1)(-1) = x$$

Era então operação corrente adicionar a mesma quantidade aos dois termos de uma igualdade. Usando tal regra nesta situação, ter-se-ia adicionado (-1) aos dois membros ficando

$$(-1)(-1)+(-1) = x + (-1)$$

A propriedade distributiva do produto já existia pelo que aplicada à expressão anterior conduziu a

$$(-1)\ [(-1) + 1] = x + (-1)$$

O posicionamento dos números positivos e negativos ao longo de uma recta foi feito por forma a que a soma de dois números simétricos fosse zero.
Para observar esta regra, a expressão anterior teria ficado

$$(-1)\ [0] = x + (-1)$$

Ao tempo já o número zero era elemento absorvente do produto. Para manter tal regra, então

$$(-1)[0] = 0$$

Para que x + (-1) = 0 era necessário que “x” fosse simétrico de (-1) ou seja x = +1 .

Cauchy (1789-1857) apresentou a seguinte demonstração das Regras dos Sinais para a multiplicação:

Considere-se:

1)	a = +A	3)	+a=+A	5)	-a=-A
2)	b=-A	4)	+b=-A	6)	-b=+A

Substituindo 1) em 3) temos:

+(+A) = +A : conclui-se que o produto de dois valores positivos é um valor positivo

Substituindo 2) em 4) temos:

+(-A) = -A : conclui-se que o produto de um valor positivo por um valor negativo, é um valor negativo

Substituindo 1) em 5) temos:

-(+A)=-A : conclui-se que o produto de um valor negativo por um valor positivo, é um valor negativo

Substituindo 2) em 6) temos:

-(-A)=+A : conclui-se que o produto de dois valores negativos é um valor positivo

Laplace (1749-1827) disse sobre a Regra de Sinais:

"É difícil conceber que um produto de (-a) por (-b) é o mesmo que (a) por (b)".